

## ПОРІВНЯЛЬНИЙ АНАЛІЗ АСИМЕТРИЧНИХ КРИПТОГРАФІЧНИХ МЕТОДІВ

**Толстова А.В., Голь В.Д., Правило В.В.**

*Державний заклад Інститут спеціального зв'язку та захисту  
інформації НТУУ «КПІ», Україна  
E-mail: tolstova369@gmail.com*

### Comparative analysis of cryptographical systems

Comparative analysis of asymmetric cryptographic systems was made. The work algorithms of basic asymmetric cryptographic systems and results of them comparative analysis are presented.

В телекомунікаційних системах розрізняють шифрування повідомлень двох типів: симетричне (із секретним ключем) та асиметричне (з відкритим ключем) [1].

При *симетричному* шифруванні (рис. 1) створюється ключ, файл разом з ключем пропускається через програму шифрування та отриманий результат пересилається адресатові. Ключ передається адресатові окремо, використовуючи інший (захищений) канал зв'язку. Адресат, запустивши ту ж саму шифрувальну програму з отриманим ключем, зможе прочитати повідомлення.

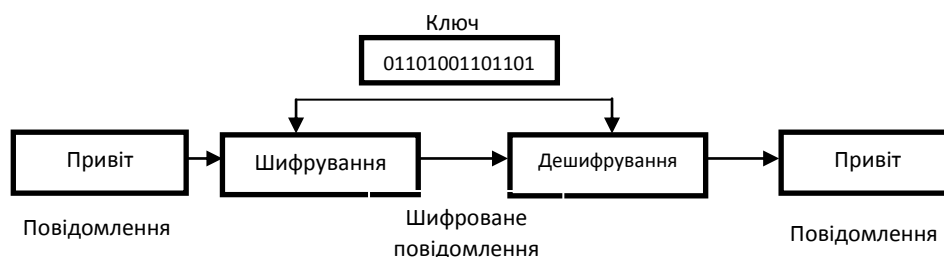


Рис. 1 Симетричне шифрування.

У *асиметричних* криптоалгоритмах (RSA, ElGamal, Diffie-Hellman) (рис. 2) пряме і зворотне перетворення виконуються з використанням відкритого і секретного ключів, що не мають взаємозв'язку, що дозволяє по одному ключу обчислити інший. За допомогою відкритого ключа практично будь-який користувач може зашифрувати своє повідомлення або перевірити електронно-цифровий підпис. Розшифрувати таке повідомлення або поставити підпис може тільки власник секретного ключа. Такі алгоритми дозволяють реалізувати протоколи типу цифрового підпису, забезпечують відкрите поширення ключів і надійну автентифікацію в мережі, стійку навіть до повного перехоплення трафіка [2].

Стійкість *алгоритму RSA* базується на складності факторизації великих цілих чисел. Відкритий і закритий ключі є функціями двох великих простих чисел розрядністю 100...200 десяткових цифр і навіть більше. Відновлення відкритого тексту за шифротекстом та відкритим ключем є рівнозначне до розкладання числа на два великі прості множники. Криптоаналіз ані доводить, ані спростовує безпеку алгоритму RSA, тим самим обґрунтовуючи міру довіри щодо алгоритму.

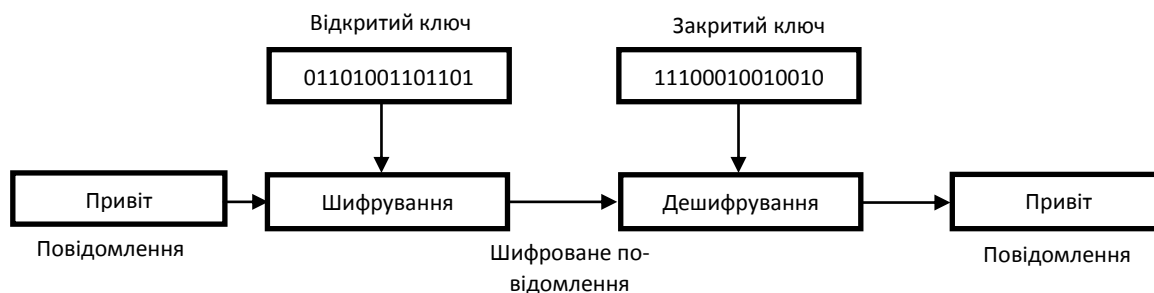


Рис. 2 Несиметричне шифрування.

У довільний спосіб обираються два великі прості числа  $p$  та  $q$ . Обчислюється добуток  $n = pq$ . Обчислюється функція Ейлера:  $\varphi(n) = (p - 1)(q - 1)$ .

Довільно обирається просте число  $e$  – ключ зашифрування, яке задовольняє умовам

$$e < \varphi(n); \text{НСД}(e, \varphi(n)) = 1.$$

Обчислюється число  $d$  – ключ розшифрування, яке є оберненим до числа  $e$ , тобто

$$ed \equiv 1 \pmod{\varphi(n)}.$$

Пара чисел  $(e, n)$  є відкритим ключем і розміщується у загальнодоступному довіднику, а числа  $p, q$  тримаються у секреті,  $d$  – секретний ключ. При шифруванні повідомлення  $M$  спочатку розкладається на цифрові блоки, розміри яких менше за  $n$ , тобто якщо  $p$  та  $q$  є 100-розрядними простими числами, то  $n$  міститиме близько 200 розрядів і кожен блок повідомлення  $m_i$  повинен мати близько 200 розрядів у довжину. Зашифроване повідомлення  $C$  складатиметься з блоків  $c_i$  такої самої довжини. Формула зашифрування буде мати вигляд:

$$C \equiv M^e \pmod{n}.$$

Розшифрування забезпечується операцією піднесення до степеня  $d$  за модулем  $n$  одержаного шифртексту  $C$ :

$$M \equiv C^d \pmod{n}.$$

**Алгоритм Ель-Гамаля** є альтернативою алгоритму RSA і при рівному значенні ключа забезпечує таку саму криптостійкість. Безпека алгоритму Ель-Гамаля базується на складності обчислювання дискретних логарифмів. Учасники інформаційного процесу обирають просте число  $p$  і ціле число  $q$ , який є первинним коренем за модулем  $p$ .

Сторона  $A$  генерує секретний ключ  $k_a < p$  і обчислює відкритий ключ

$$Y_a \equiv q^{k_a} \pmod{p}.$$

Сторона  $B$  обирає число  $k_b < p$  і за його допомогою зашифрує передаване повідомлення  $M$  у такий спосіб:

$$Y_b \equiv q^{k_b} \pmod{p} \quad \text{і} \quad C = M \oplus (Y_a^{k_b} \pmod{p}).$$

Величина  $M$  є послідовністю двійкових символів, які передаються до каналу зв'язку. Величина  $Y_a^{k_b} \pmod{p}$  перед підсумовуванням перетворюється на послідовність двійкових символів.

Сторона  $A$ , отримавши повідомлення у формі  $Y_b$  та  $C$ , відновлює його:

$$M = (Y_b^{k_a} \pmod{p}) \oplus C.$$

**Алгоритм Діффі-Хеллмана** може бути використано задля розподілу ключів (генерування секретного ключа), але його не можна використовувати для шифрування повідомлення.

Згідно алгоритмом Діффі-Хеллмана, учасники інформаційного процесу  $A$  та  $B$  домовляються щодо значення великого простого числа  $p$  і простого дискретного кореня цього числа.

Сторона  $A$  обирає випадкове число  $k_a$ , а сторона  $B$  – випадкове число  $k_b$ , у такий спосіб, щоби виконувалися умови

$$1 < k_a < p - 1 \quad \text{та} \quad 1 < k_b < p - 1.$$

Числа  $k_a$  та  $k_b$  тримаються сторонами  $A$  та  $B$  в секреті. Сторони  $A$  та  $B$  формують відкриті ключі за правилами

$$Y_{a,b} \equiv a^{k_{a,b}} \pmod{p}.$$

Після обміну несекретними ключами  $Y_a$  та  $Y_b$  сторони обчислюють значення секретного числа  $K$ :

$$K \equiv Y_a^{k_b} \pmod{p} \equiv a^{k_a k_b} \pmod{p}; \quad K \equiv Y_b^{k_a} \pmod{p} \equiv a^{k_b k_a} \pmod{p}.$$

Здобуте число  $K$  для ймовірного злоумисника є секретним, оскільки розв'язання рівнянь  $Y_a$  та  $Y_b$  для великих чисел є неможливе. Алгоритм Діффі-Хеллмана можна поширити на випадок з трьома і більше учасниками [3]. У табл. 1. наведені порівняльні характеристики алгоритмів асиметричного шифрування.

Таблиця 1.

Алгоритм	Ключ	Призначення	Криптостійкість	Примітки
RSA	До 4096 біт	Шифрування та підпис	$2,7 \cdot 10^{28}$ для ключа 1300 біт	Заснований на складності задачі факторизації великих чисел. Включений до багатьох стандартів.
ElGamal	До 4096 біт	Шифрування та підпис	При однаковій довжині ключа криптостійкість рівнозначна RSA, тобто $2,7 \cdot 10^{28}$ для ключа 1300 біт	Оснований на складній задачі обчислення дискретних логарифмів в кінцевому полі; дозволяє швидко генерувати ключі без зниження стійкості.
Diffie-Hellman	Рекоменд. 1024 біт	Підпис	Визначається трудностю обчислення дискретного логарифма в кінцевому полі	Базується на передбачуваній складності проблеми дискретного логарифмування; працює тільки на лініях зв'язку, надійно захищених від модифікації

### Література

1. Алфьоров А.П., Зубов А.Ю., Кузьмін А.С., Черьомушкін А.В. Основи криптографії: Навчальний посібник. 3-тє вид., Испр. і доп. - М.: 2005. - 480с.
2. Баранов В.М. и др. Защита информации в системах и средствах информатизации и связи. Учебное пособие. – СПб.: 1996. – 111 с.
3. Захарченко М.В. Асиметричні методи шифрування в телекомунікаціях: навч. посіб. / М.В. Захарченко, О. В. Онацький, Л. Г. Йона, Т. М. Шинкарчук. – Одеса: ОНАЗ ім. О. С. Попова, 2011. – 184 с.